


106 年四技二專統一入學測驗試題

《數學(C)》

答案來源：技專校院入學測驗中心於 2017/5/8 所公布的參考答案／解析來源：王 睿老師

 啓芳出版社 提供



106 年四技二專統一入學測驗數學 C 的難易度算中等，除了少數題目需要思考轉換，大部份題型只要有基本概念及運算熟悉度，應可獲得不錯的成績。題目的命題平均分佈，今年主要命題焦點在「方程式及行列式」等章節共有 4 題，份量較多，另外較特別的是積分題型卻是蜻蜓點水，以基本題型代過，而稍有變化需要思考的題目如下：

第 9 題：使用三階克拉瑪公式之無解情形，略有超出課本範圍

第 13 題：今年最難最具挑戰的題目

第 14 題：平常較多練習同底數的大小比較，本題必須化為同指數

第 17 題：看似二項式定理題型，但觀念稍轉一下，其實是多項式之各項係數和的概念

第 19 題：資料的線性變換，可參考選項內容思考如何變換

數學 C 參考公式及可能用到的數值

1. 三角函數的和角公式： $\tan(\alpha + \beta) = \frac{\tan \alpha + \tan \beta}{1 - \tan \alpha \tan \beta}$

2. $\triangle ABC$ 的正弦定理： $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C} = 2R$ ，其中 R 為外接圓半徑

3. $\triangle ABC$ 的面積 = $\frac{1}{2}ab \sin C$

4. $\triangle ABC$ 的面積 = sr ，其中 $s = \frac{a+b+c}{2}$ ， r 為內切圓半徑

5. 若 α 、 β 為一元二次方程式 $ax^2 + bx + c = 0$ 的兩根，則 $\alpha + \beta = -\frac{b}{a}$ 、 $\alpha\beta = \frac{c}{a}$

6. 若一複數 z ，且其極式為 $z = r(\cos \theta + i \sin \theta)$ ，其中 $r = |z|$ ，則 $z^n = r^n(\cos n\theta + i \sin n\theta)$ ，其中 n 為正整數。

7. 對數值： $\log_{10} 2 \approx 0.3010$ ， $\log_{10} 3 \approx 0.4771$ ， $\log_{10} 5 \approx 0.6990$ ， $\log_{10} 7 \approx 0.8451$

8. 雙曲線方程式：

(1) $\frac{(x-h)^2}{a^2} - \frac{(y-k)^2}{b^2} = 1$ ，其正焦弦長為 $\frac{2b^2}{a}$

(2) $\frac{(y-k)^2}{a^2} - \frac{(x-h)^2}{b^2} = 1$ ，其正焦弦長為 $\frac{2b^2}{a}$

9. 設有一組母體資料 x_1, x_2, \dots, x_N ，其算術平均數為 μ ，則母體標準差為 $\sqrt{\frac{\sum_{i=1}^N (x_i - \mu)^2}{N}}$

10. 設有一組抽樣資料 x_1, x_2, \dots, x_n ，其算術平均數為 \bar{x} ，則樣本標準差為 $\sqrt{\frac{\sum_{i=1}^n (x_i - \bar{x})^2}{n-1}}$

- (A) 1. 設直線 $2x + y = 11$ 與拋物線 $y = x^2 - 4$ 在第二象限的交點為 A ，在第一象限的交點為 B ，若線段 \overline{AB} 上一點 P 滿足 $\overline{AP} : \overline{BP} = 2 : 1$ ，則 P 點坐標為何？

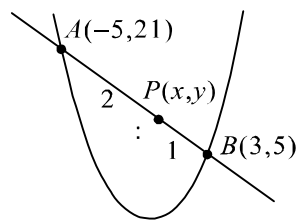
- (A) $(\frac{1}{3}, \frac{31}{3})$ (B) $(-2, 26)$ (C) $(-1, 13)$ (D) $(\frac{-7}{3}, \frac{47}{3})$

解析：將原式整理為 $\begin{cases} y = 11 - 2x \\ y = x^2 - 4 \end{cases} \Rightarrow x^2 - 4 = 11 - 2x$

$$\Rightarrow x^2 + 2x - 15 = 0 \Rightarrow x = -5 \text{ 或 } 3$$

$$\therefore A(-5, 21), B(3, 5) \text{ 由內分點公式得}$$

$$P(x, y) = (\frac{-5+6}{2+1}, \frac{21+10}{2+1}) = (\frac{1}{3}, \frac{31}{3})$$



參閱講義：S02 講義《第1章 直線方程式》P.3 夫子講3、《第12章 二次曲線》P.316 夫子講4
Q01 講義《第1章 直線方程式》P.3 夫子講3、《第15章 圓錐曲線》P.259 大考特區第4題

- (A) 2. 若 $\tan \theta \csc \theta = -1 + 6 \cos \theta$ ，其中 θ 為第三象限角，則 $\tan \theta = ?$

- (A) $2\sqrt{2}$ (B) $\sqrt{3}$ (C) $-\sqrt{3}$ (D) $-2\sqrt{2}$

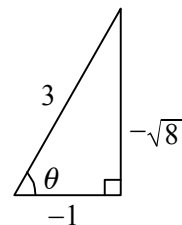
解析：原式 $\Rightarrow \frac{\sin \theta}{\cos \theta} \times \frac{1}{\sin \theta} = -1 + 6 \cos \theta \Rightarrow 1 = -\cos \theta + 6 \cos^2 \theta$

$$\Rightarrow 6 \cos^2 \theta - \cos \theta - 1 = 0 \Rightarrow \cos \theta = \frac{1}{2} \text{ 或 } \frac{-1}{3}$$

$$\because \theta \text{ 為第三象限角 } \therefore \cos \theta = \frac{-1}{3}$$

$$\text{故 } \tan \theta = \sqrt{8} = 2\sqrt{2}$$

參閱講義：S02 講義《第2章 三角函數及其應用》P.38 我來做3
Q01 講義《第2章 三角函數》P.31 我來做3



- (C) 3. 求 $\sin^2 18^\circ + \sin^2 36^\circ + \sin^2 54^\circ + \sin^2 72^\circ + \sin^2 90^\circ = ?$ (A) 2 (B) 2.5 (C) 3 (D) 3.5

解析：求式 $= \sin^2 18^\circ + \sin^2 36^\circ + \cos^2 36^\circ + \cos^2 18^\circ + 1^2$
 $= (\sin^2 18^\circ + \cos^2 18^\circ) + (\sin^2 36^\circ + \cos^2 36^\circ) + 1 = 1 + 1 + 1 = 3$

參閱講義：S02 講義《第2章 三角函數及其應用》P.35 夫子講5
Q01 講義《第3章 三角函數的應用》P.29 夫子講5

- (C) 4. 若 $\sin \theta = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4}$ ， $0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ ，則 $\tan 2\theta = ?$ (A) $2 - \sqrt{3}$ (B) $\frac{1}{2}$ (C) $\frac{\sqrt{3}}{3}$ (D) $\sqrt{3}$

解析： $\because 0 < \theta < \frac{\pi}{2}$ 且 $\sin 15^\circ = \frac{\sqrt{6} - \sqrt{2}}{4} \therefore \theta = 15^\circ$

$$\text{故 } \tan 2\theta = \tan 30^\circ = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$$

參閱講義：S02 講義《第2章 三角函數及其應用》P.33 我來做1
Q01 講義《第3章 三角函數的應用》P.27 我來做1

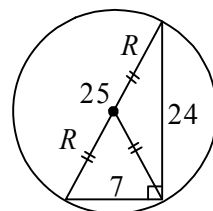
- (B) 5. 設三角形的三邊長為 7、24、25，其內切圓半徑為 r ，外接圓半徑為 R ，求 $\frac{r}{R} = ?$

- (A) 0.12 (B) 0.24 (C) 0.25 (D) 0.48

解析： Δ 面積 $= \frac{1}{2} \times 7 \times 24 = 84 \Rightarrow s = \frac{7+24+25}{2} = 28$

$$\because \Delta \text{ 面積} = r \cdot s \Rightarrow 84 = r \cdot 28 \Rightarrow r = 3 \text{ 且 } R = \frac{25}{2}$$

$$\therefore \frac{r}{R} = \frac{3}{\frac{25}{2}} = \frac{6}{25} = 0.24$$



參閱講義：S02 講義《第 2 章 三角函數及其應用》P.61 重點歸納二 三角函數的面積公式
 Q01 講義《第 3 章 三角函數的應用》P.49 重點歸納二 三角形面積公式

- (A) 6. 已知 $|\vec{a}|=1$ ， $|\vec{b}|=\sqrt{5}$ ， $\vec{a} \cdot \vec{b}=-2$ 。若 $t\vec{a}+(1-t)\vec{b}$ 和 $\vec{a}-\vec{b}$ 垂直，其中 t 為實數，則 $t=?$ (A) $\frac{7}{10}$ (B) $\frac{\sqrt{5}}{3}$ (C) $\frac{3}{4}$ (D) $\frac{\sqrt{5}}{2}$

解 析： $\because t\vec{a}+(1-t)\vec{b} \perp \vec{a}-\vec{b} \quad \therefore (t\vec{a}+(1-t)\vec{b}) \cdot (\vec{a}-\vec{b})=0$
 $\Rightarrow t|\vec{a}|^2 - t\vec{a} \cdot \vec{b} + (1-t)\vec{a} \cdot \vec{b} - (1-t)|\vec{b}|^2 = 0$
 $\Rightarrow t+2t-2(1-t)-5(1-t)=0 \Rightarrow t=\frac{7}{10}$

參閱講義：S02 講義《第 3 章 向量》P.82 夫子講 4~5
 Q01 講義《第 4 章 向量》P.63~64 夫子講 4~5

- (C) 7. 求方程式 $\frac{-x^2}{x^2-4} = \frac{1}{x+2} + \frac{2}{x-2}$ 所有解的和為何？ (A) -3 (B) -2 (C) -1 (D) 0

解 析：原式 $\Rightarrow \frac{-x^2}{(x+2)(x-2)} = \frac{x-2}{(x+2)(x-2)} + \frac{2(x+2)}{(x+2)(x-2)}$
 $\Rightarrow \frac{-x^2}{(x+2)(x-2)} = \frac{3x+2}{(x+2)(x-2)}$
 $\therefore -x^2 = 3x+2 \Rightarrow x^2+3x+2=0$
 故 $x=-1$ (-2 不合)

參閱講義：S02 講義《第 4 章 式的運算》P.108 夫子講 5
 Q01 講義《第 5 章 式的運算》P.83 夫子講 4

- (B) 8. 設 x 、 y 、 z 為整數，且 $2|x+y|+3|x-y-4|+5|2x+3y-z|=4$ ，則 z 可為下列何者？
 (A) 0 (B) 3 (C) 5 (D) 11

解 析：由題意知	$\begin{cases} x+y=2 \dots\dots\dots ① \\ x-y-4=0 \dots\dots\dots ② \\ 2x+3y-z=0 \dots\dots\dots ③ \end{cases}$	$\begin{cases} x+y=-2 \dots\dots\dots ① \\ x-y-4=0 \dots\dots\dots ② \\ 2x+3y-z=0 \dots\dots\dots ③ \end{cases}$
	由①、②得： $x=3$ 、 $y=-1$	由①、②得： $x=1$ 、 $y=-3$
	代入③得： $z=3$	代入③得： $z=-7$ (選項無此解)

參閱講義：S02 講義《第 5 章 方程式》P.131 夫子講 4
 Q01 講義《第 6 章 方程式》P.100 夫子講 4

- (C) 9. 設 t 為實數，且三元一次聯立方程式 $\begin{cases} (t+1)x+(t-1)z=1 \\ (t+1)y+z=3 \\ (t+1)y+tz=5 \end{cases}$ 無解，則 t 可為下列何者？

- (A) -2 (B) 0 (C) 1 (D) 2

解 析： $\Delta = \begin{vmatrix} t+1 & 0 & t-1 \\ 0 & t+1 & 1 \\ 0 & t+1 & t \end{vmatrix} = (t+1)[t(t+1)-(t+1)] = (t+1)^2(t-1)$
 $\Delta_z = \begin{vmatrix} t+1 & 0 & 1 \\ 0 & t+1 & 3 \\ 0 & t+1 & 5 \end{vmatrix} = (t+1)[5(t+1)-3(t+1)] = 2(t+1)^2$
 \therefore 方程式無解 $\Rightarrow \Delta=0$ 且 $\Delta_x \neq 0$ 或 $\Delta_y \neq 0$ 或 $\Delta_z \neq 0 \quad \therefore t=1$

參閱講義：S02 講義《第 5 章 方程式》P.129 重點歸納一 三元一次方程式的克拉瑪公式解
 Q01 講義《第 6 章 方程式》P.98 重點歸納一 三元一次方程式的克拉瑪公式解

(D) 10. 求三階行列式 $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & x & x^2 \\ 1 & 10 & 121 \end{vmatrix} = 0$ 所有解的和為何? (A) 11 (B) $\frac{34}{3}$ (C) 12 (D) $\frac{40}{3}$

解析: $\begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & x & x^2 \\ 1 & 10 & 121 \end{vmatrix} \xrightarrow{\times(-1)} \begin{vmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & x-1 & x^2-1 \\ 0 & 9 & 120 \end{vmatrix} = 120(x-1) - 9(x^2-1) = -9x^2 + 120x - 111$

$\therefore 9x^2 - 120x + 111 = 0$

由根與係數關係知兩根和為 $\frac{120}{9} = \frac{40}{3}$

參閱講義: S02 講義《第 5 章 方程式》P.128 夫子講 9
Q01 講義《第 5 章 方程式》P.97 我來做 8

(A) 11. 設 $\omega = \frac{-1 + \sqrt{3}i}{2}$, 則 $\frac{\omega^{107}}{\omega+1} = ?$ (A) -1 (B) $-\omega$ (C) ω^2 (D) 1

解析: $\omega^3 = 1$ 且 $1 + \omega + \omega^2 = 0$

求式 = $\frac{\omega^{105+2}}{-\omega^2} = \frac{\omega^2}{-\omega^2} = -1$

參閱講義: S02 講義《第 6 章 複數》P.153 夫子講 9
Q01 講義《第 7 章 複數》P.118 夫子講 9

(D) 12. 設 a, b 為實數, 且不等式 $-x^2 + 6x + b > 0$ 與不等式 $|x+a| < 5$ 的解完全相同, 則 $a+b = ?$

(A) -13 (B) -7 (C) 7 (D) 13

解析: ① $-x^2 + 6x + b > 0 \Rightarrow x^2 - 6x - b < 0$

② $|x+a| < 5$ 兩邊平方得 $x^2 + 2ax + a^2 < 25 \Rightarrow x^2 + 2ax + (a^2 - 25) < 0$

$\therefore 2a = -6$ 或 $-b = a^2 - 25 \Rightarrow a = -3, b = 16$

故 $a+b = 13$

參閱講義: S02 講義《第 7 章 不等式及其應用》P.161 夫子講 3 及 P.165 夫子講 8
Q01 講義《第 8 章 不等式及其應用》P.125 夫子講 3 及 P.128 我來做 4

(A) 13. 設 a, b, c 三數成等比數列, 且滿足 $a+b+c=9$ 及 $a^2+b^2+c^2=189$, 則等比中項 $b = ?$

(A) -6 (B) -2 (C) $\frac{1}{2}$ (D) 6

解析: a, b, c 成等比數列 $\Rightarrow b^2 = ac$

$a+b+c=9 \Rightarrow a+c=9-b$

平方得 $a^2 + 2ac + c^2 = 81 - 18b + b^2$

$\Rightarrow a^2 + 2b^2 + c^2 = 81 - 18b + b^2$

$\Rightarrow 189 + b^2 = 81 - 18b + b^2 \Rightarrow 18b = -108 \Rightarrow b = -6$

參閱講義: S02 講義《第 8 章 數列與級數》P.185 夫子講 2
Q01 講義《第 9 章 數列與級數》P.144 夫子講 3

(C) 14. 設 $a = \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{1}{2}}, b = \left(\frac{1}{3}\right)^{\frac{1}{3}}, c = \left(\frac{1}{6}\right)^{\frac{1}{6}}$, 則 a, b, c 大小順序為何?

(A) $a > c > b$ (B) $a > b > c$ (C) $c > a > b$ (D) $b > c > a$

解析: $a = \left(\frac{1}{2}\right)^{\frac{6 \times \frac{1}{12}}{6}} = \left(\frac{1}{64}\right)^{\frac{1}{12}}, b = \left(\frac{1}{3}\right)^{\frac{4 \times \frac{1}{12}}{4}} = \left(\frac{1}{81}\right)^{\frac{1}{12}}, c = \left(\frac{1}{6}\right)^{\frac{2 \times \frac{1}{12}}{2}} = \left(\frac{1}{36}\right)^{\frac{1}{12}}$

$\therefore \frac{1}{36} > \frac{1}{64} > \frac{1}{81} \Rightarrow \left(\frac{1}{36}\right)^{\frac{1}{12}} > \left(\frac{1}{64}\right)^{\frac{1}{12}} > \left(\frac{1}{81}\right)^{\frac{1}{12}}$

$\therefore c > a > b$

參閱講義: S02 講義《第 9 章 指數與對數》P.205 我來做 7
Q01 講義《第 10 章 指數與對數》P.159 我來做 6

- (C)15. 已知 $\log_{10} 3 = 0.4771$ 且 $x = \left(\frac{1}{3}\right)^{20}$ ，其中 $\log_{10} x$ 的首數為 m ，而尾數的小數點後第一位數字為 n ，則 $m+n = ?$ (A) -9 (B) -7 (C) -6 (D) -5

解 析： $\log_{10} x = \log_{10} \left(\frac{1}{3}\right)^{20} = -20\log_{10} 3 = -9.542 = -10 + 0.458$

首數 $m = -10$ ，尾數 $0.458 \Rightarrow n = 4$

$\therefore m+n = -6$

參閱講義：S02 講義《第 9 章 指數與對數》P.214 夫子講 2

Q01 講義《第 10 章 指數與對數》P.165 夫子講 1

- (B)16. 將繞口令「四十個十四 十四個四十」中的文字全取排成一列，且其中四個「十」須相鄰排在一起，其排法有幾種？ (A)70 (B)105 (C)135 (D)210

解 析： $\frac{7!}{4! \times 2!} = \frac{7 \times 6 \times 5}{2} = 105$ (十十十十) 四四四四個個

參閱講義：S02 講義《第 10 章 排列與組合》P.227 夫子講 12

Q01 講義《第 11 章 排列與組合》P.175 夫子講 10

- (B)17. 設 $(x-2y)^4$ 與 $(x-2y)^5$ 的展開式中所有項的係數和分別為 a 、 b ，則 $\frac{b}{a} = ?$

(A) -2 (B) -1 (C) $\frac{1}{2}$ (D) 2

解 析：將 $x=1$ 、 $y=1$ 代入即可得各項係數和

$a = (1-2)^4 = 1$ ， $b = (1-2)^5 = -1$

$\therefore \frac{b}{a} = -1$

參閱講義：S02 講義《第 4 章 式的運算》P.93 夫子講 3

Q01 講義《第 5 章 式的運算》P.73 夫子講 3

- (D)18. 設袋子中分別有紅球、藍球、綠球各三個，現從中任取 2 個球，若每拿到一個紅球，一個藍球及一個綠球分別可得 5 千元，3 千元及 1 千元獎金，求獎金的期望值為何？ (A)3 千元 (B)4 千元 (C)5 千元 (D)6 千元

解 析：取 1 個球的期望值為 E_1

$\therefore E_1 = 5000 \times \frac{3}{9} + 3000 \times \frac{3}{9} + 1000 \times \frac{3}{9} = 3000$ 元

取 2 個球的期望值為 E_2

$\therefore E_2 = 2E_1 = 6000$ 元

參閱講義：S02 講義《第 11 章 機率與統計》P.263 夫子講 18

Q01 講義《第 12 章 機率》P.203 夫子講 1

- (B)19. 有一組資料：0、3、6、9、12、15，設其平均值與標準差分別為 a 、 b ，則關於另一組資料：-1、-2、-3、-4、-5、-6 的平均值與標準差的敘述，何者正確？

(A) 平均值為 $-3a+1$ ，標準差為 $\frac{b}{9}$

(B) 平均值為 $-\frac{a}{3}-1$ ，標準差為 $\frac{b}{3}$

(C) 平均值為 $-3a+1$ ，標準差為 $\frac{b}{3}$

(D) 平均值為 $-\frac{a}{3}-1$ ，標準差為 $\frac{b}{9}$

解 析 : $x: 0, 3, 6, 9, 12, 15$

$$\frac{-1}{3}x: 0, -1, -2, -3, -4, -5$$

$$\frac{-1}{3}x-1: -1, -2, -3, -4, -5, -6$$

$$\therefore y = \frac{-1}{3}x-1 \Rightarrow \bar{y} = \frac{-1}{3}\bar{x}-1 = \frac{-1}{3}a-1$$

$$S_y = \left| \frac{-1}{3} \right| S_x = \frac{1}{3}b$$

故平均值為 $-\frac{a}{3}-1$ ，標準差為 $\frac{b}{3}$

參閱講義 : S02 講義《第 11 章 機率與統計》P.286 夫子講 13

Q01 講義《第 13 章 統計》P.223 夫子講 4

(B)20. 設打水漂遊戲中石頭落入水中的漣漪是以圓的形式展現。若某人向河面擲出石頭的方向是沿著直線 $y = x-1$ 行進，下列哪一個圓方程式可為此漣漪的形式？

(A) $x^2 - 2x + y^2 + 4y + 1 = 0$

(B) $x^2 - 4x + y^2 - 2y + 4 = 0$

(C) $x^2 - 2x + y^2 - 4y + 4 = 0$

(D) $x^2 - 4x + y^2 - 6y + 9 = 0$

解 析 : (B) 圓心 $O(2,1)$ 滿足方程式 $y = x-1$

參閱講義 : S02 講義《第 12 章 二次曲線》P.299 夫子講 3

Q01 講義《第 14 章 圓》P.233 夫子講 3

(D)21. 若雙曲線 $4x^2 - 16y^2 + 4x + 16y + 1 = 0$ 的實軸長及正焦弦長分別為 i 、 j ，則 $i+j = ?$

(A) $\frac{3}{2}$ (B) 2 (C) $\frac{5}{2}$ (D) 5

解 析 : 雙曲線 $4(x^2 + x) - 16(y^2 - y) = -1$

$$\Rightarrow 4\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 - 16\left(y - \frac{1}{2}\right)^2 = -4 \Rightarrow 4\left(y - \frac{1}{2}\right)^2 - \left(x + \frac{1}{2}\right)^2 = 1$$

$$\therefore a^2 = \frac{1}{4} \Rightarrow a = \frac{1}{2}, b^2 = 1 \Rightarrow b = 1$$

$$\text{故 } i = 2a = 1, j = \frac{2b^2}{a} = 4 \Rightarrow i + j = 5$$

參閱講義 : S02 講義《第 12 章 二次曲線》P.324 夫子講 2

Q01 講義《第 15 章 圓錐曲線》P.254 夫子講 3

(D)22. 已知 a 、 b 為實數，且 $f(x) = x^3 + ax^2 + bx + 13$ 。若 $f'(-1) = 1$ 且 $f'(0) = 2$ ，則 $a+b = ?$

(A) -1 (B) 0 (C) 3 (D) 4

解 析 : $f'(x) = 3x^2 + 2ax + b$

$$\begin{cases} f'(-1) = 1 \\ f'(0) = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} 3 - 2a + b = 1 \\ b = 2 \end{cases} \Rightarrow \begin{cases} a = 2 \\ b = 2 \end{cases}$$

$$\therefore a + b = 4$$

參閱講義 : S02 講義《第 13 章 微積分及其應用》P.354 夫子講 6

Q01 講義《第 16 章 微積分及其應用》P.273 夫子講 9

(C)23. 若 $f(x) = x^3 - \frac{3}{2}x^2 - 6x + 3$ 的相對極大值為 a ，相對極小值為 b ，則 $a+b = ?$

(A) $-\frac{27}{2}$ (B) $-\frac{3}{2}$ (C) $-\frac{1}{2}$ (D) $\frac{27}{2}$

解 析 : $f'(x) = 3x^2 - 3x - 6 = 3(x-2)(x+1)$ ， $f''(x) = 6x - 3$

$$\text{令 } f'(x) = 0 \Rightarrow x = 2 \text{ 或 } -1$$

$$\textcircled{1} f(-1) = \frac{13}{2} \text{ 且 } f''(-1) = -9 < 0 \quad \therefore a = \frac{13}{2}$$

$$\textcircled{2} f(2) = -7 \text{ 且 } f''(2) = 9 > 0 \quad \therefore b = -7$$

$$\text{故 } a+b = -\frac{1}{2}$$

參閱講義：S02 講義《第 13 章 微積分及其應用》P.364 夫子講 2
Q01 講義《第 16 章 微積分及其應用》P.276 夫子講 2

(B)24. 設 $f(x)$ 為多項式函數，若 $\int_1^3 f(x)dx = 1$ 、 $\int_2^5 f(x)dx = 4$ 且 $\int_2^3 f(x)dx = 2$ ，則 $\int_1^5 f(x)dx = ?$

(A)1 (B)3 (C)5 (D)7

解 析： $\int_3^5 f(x)dx = \int_2^5 f(x)dx - \int_2^3 f(x)dx = 4 - 2 = 2$

$$\therefore \int_1^5 f(x)dx = \int_1^3 f(x)dx + \int_3^5 f(x)dx = 1 + 2 = 3$$

參閱講義：S02 講義《第 13 章 微積分及其應用》P.370 我來做 1
Q01 講義《第 16 章 微積分及其應用》P.278 我來做 2

(D)25. 若 $f(x) = \begin{cases} x^2 + 2, & x < -1 \\ 2, & x = -1 \\ 6 - 3x^2, & x > -1 \end{cases}$ ，則 $\lim_{x \rightarrow -1} f(x) = ?$ (A)0 (B)1 (C)2 (D)3

解 析： $\lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^-} (x^2 + 2) = (-1)^2 + 2 = 3$

$$\lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^+} (6 - 3x^2) = 6 - 3 \times (-1)^2 = 3$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow -1^-} f(x) = \lim_{x \rightarrow -1^+} f(x) = 3$$

$$\therefore \lim_{x \rightarrow -1} f(x) = 3$$

參閱講義：S02 講義《第 13 章 微積分及其應用》P.340 夫子講 4
Q01 講義《第 16 章 微積分及其應用》P.263 夫子講 3